

**L'Hospitalovo pravidlo:** Spočtěte následující limity:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\tan x - x}{x - \sin x}, \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(\cos ax)}{\ln(\cos bx)}, \quad a, b \in \mathbb{R}, \quad \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^n}{e^{ax}} \quad a > 0, n \in \mathbb{N}, \quad \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\ln x}{x^n} \quad n \in \mathbb{N}.$$

**Taylorova věta:** Najděte Taylorův polynom třetího stupně v bodě nula ( $x = 0$ ) pro následující funkce:

$$f(x) = \sin x \sqrt{1+x}, \quad f(x) = \frac{1}{\cos x}.$$

**Průběhy funkcí:** Vyšetřete průběhy následujících funkcí:

$$f(x) = xe^x, \quad f(x) = \log_x e, \quad f(x) = \arcsin \frac{1+x}{1-2x}, \quad f(x) = \sqrt{1-\cos^2 x}.$$

**L'Hospitalovo pravidlo:** Spočtěte následující limity:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\tan x - x}{x - \sin x}, \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(\cos ax)}{\ln(\cos bx)}, \quad a, b \in \mathbb{R}, \quad \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^n}{e^{ax}} \quad a > 0, n \in \mathbb{N}, \quad \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\ln x}{x^n} \quad n \in \mathbb{N}.$$

**Taylorova věta:** Najděte Taylorův polynom třetího stupně v bodě nula ( $x = 0$ ) pro následující funkce:

$$f(x) = \sin x \sqrt{1+x}, \quad f(x) = \frac{1}{\cos x}.$$

**Průběhy funkcí:** Vyšetřete průběhy následujících funkcí:

$$f(x) = xe^x, \quad f(x) = \log_x e, \quad f(x) = \arcsin \frac{1+x}{1-2x}, \quad f(x) = \sqrt{1-\cos^2 x}.$$

**L'Hospitalovo pravidlo:** Spočtěte následující limity:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\tan x - x}{x - \sin x}, \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(\cos ax)}{\ln(\cos bx)}, \quad a, b \in \mathbb{R}, \quad \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^n}{e^{ax}} \quad a > 0, n \in \mathbb{N}, \quad \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\ln x}{x^n} \quad n \in \mathbb{N}.$$

**Taylorova věta:** Najděte Taylorův polynom třetího stupně v bodě nula ( $x = 0$ ) pro následující funkce:

$$f(x) = \sin x \sqrt{1+x}, \quad f(x) = \frac{1}{\cos x}.$$

**Průběhy funkcí:** Vyšetřete průběhy následujících funkcí:

$$f(x) = xe^x, \quad f(x) = \log_x e, \quad f(x) = \arcsin \frac{1+x}{1-2x}, \quad f(x) = \sqrt{1-\cos^2 x}.$$

**L'Hospitalovo pravidlo:** Spočtěte následující limity:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\tan x - x}{x - \sin x}, \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(\cos ax)}{\ln(\cos bx)}, \quad a, b \in \mathbb{R}, \quad \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^n}{e^{ax}} \quad a > 0, n \in \mathbb{N}, \quad \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\ln x}{x^n} \quad n \in \mathbb{N}.$$

**Taylorova věta:** Najděte Taylorův polynom třetího stupně v bodě nula ( $x = 0$ ) pro následující funkce:

$$f(x) = \sin x \sqrt{1+x}, \quad f(x) = \frac{1}{\cos x}.$$

**Průběhy funkcí:** Vyšetřete průběhy následujících funkcí:

$$f(x) = xe^x, \quad f(x) = \log_x e, \quad f(x) = \arcsin \frac{1+x}{1-2x}, \quad f(x) = \sqrt{1-\cos^2 x}.$$

**L'Hospitalovo pravidlo:** Spočtěte následující limity:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\tan x - x}{x - \sin x}, \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(\cos ax)}{\ln(\cos bx)}, \quad a, b \in \mathbb{R}, \quad \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^n}{e^{ax}} \quad a > 0, n \in \mathbb{N}, \quad \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\ln x}{x^n} \quad n \in \mathbb{N}.$$

**Taylorova věta:** Najděte Taylorův polynom třetího stupně v bodě nula ( $x = 0$ ) pro následující funkce:

$$f(x) = \sin x \sqrt{1+x}, \quad f(x) = \frac{1}{\cos x}.$$

**Průběhy funkcí:** Vyšetřete průběhy následujících funkcí:

$$f(x) = xe^x, \quad f(x) = \log_x e, \quad f(x) = \arcsin \frac{1+x}{1-2x}, \quad f(x) = \sqrt{1-\cos^2 x}.$$